

ISSN 1561-5359

ИСКУССТВЕННЫЙ НАУЧНО-ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ ЖУРНАЛ ИНТЕЛЛЕКТ



4 ' 2008

ISSN 1561-5359

Національна академія наук України
Інститут проблем штучного інтелекту

**ШТУЧНИЙ
ІНТЕЛЕКТ**

4'2008

Национальная академия наук Украины
Институт проблем искусственного интеллекта

**ИСКУССТВЕННЫЙ
ИНТЕЛЕКТ**

4'2008

National Academy of Sciences of Ukraine
Institute of Artificial Intelligence

**ARTIFICIAL
INTELLIGENCE**

4'2008



ІІШІ МОН і НАН України «Наука і освіта»

Засновники журналу **Національна академія наук України,
Інститут проблем штучного інтелекту НАНУ і МОНУ**

Головний редактор

Анатолій Іванович Шевченко,
чл.-кор. НАН України, професор, доктор технічних наук, доктор богослов'я,
директор Інституту проблем штучного інтелекту НАНУ і МОНУ

Редакційна колегія

Л.А. Білозерський, к.т.н. (Минск)
С.М. Вороний, к.т.н.
А.І. Галушкин, д.т.н., професор (Москва)
В.П. Гладун, д.т.н., професор
Ю.І. Журавльов, академік РАН (Москва)
І.А. Каляєв, чл.-кор. РАН (Таганрог)
І.М. Коваленко, академік НАНУ
Ю.В. Крак, д.ф.-м.н., професор
Роман Куц, професор, Єльський університет (Нью-Гейвен, США)
С.В. Мащенко, к.т.н.
В.І. Скурихін, академік НАНУ
В.М. Ткаченко, с.н.с., д.т.н.
В.І. Черній, д.мед.н., чл.-кор. АМН України
А.О. Чикрій, чл.-кор. НАНУ
В.Ю. Шелєпов, д.ф.-м.н., професор
А.П. Шпак, академік НАНУ

Відповідальний редактор

С.Б. Іванова, заступник директора
Інституту проблем штучного інтелекту НАНУ і МОНУ

Відповідальний секретар

І.С. Сальников, кандидат технічних наук,
вчений секретар Інституту проблем штучного інтелекту НАНУ і МОНУ

Свідоцтво про державну реєстрацію КВ № 1803 від 20.11.1995 р., ISSN 1561-5359

Журнал «Штучний інтелект» внесено до переліку журналів ВАК України, у яких можуть публікуватися результати дисертаційних робіт на здобуття наукових ступенів кандидата й доктора наук за спеціальностями «Фізико-математичні науки» та «Технічні науки»

*Рекомендовано до друку вченою радою Інституту проблем штучного інтелекту
МОН і НАН України. Протокол № 9 від 05 вересня 2008 р.
Електронна версія попередніх номерів знаходиться на web-сервері інституту (м. Донецьк)
<http://www.iai.donetsk.ua>*

Раздел 6

Управление и информационное обеспечение мехатронных и робототехнических систем

УДК 519.7

*С.В. Сапунов*Институт прикладной математики и механики НАН Украины, г. Донецк, Украина
sapunov_sv@iamm.ac.donetsk.ua

Определение положения мобильного робота в топологической среде

Рассматривается задача определения автономным мобильным роботом своего положения в среде, моделируемой графом с помеченными вершинами. Решение заключается в построении диагностического эксперимента – специального вида множества слов в алфавите меток вершин и способа его реализации на графе.

Задачи организации двигательного поведения или навигации автономных мобильных роботов являются одними из основных задач искусственного интеллекта [1]. Целенаправленное автономное передвижение робота в его операционной среде невозможно без формирования достаточно полной ее модели (карты среды). К моделированию таких сред определилось два подхода: метрический, использующий геометрические свойства среды, и топологический, использующий описания связей между различными областями среды [2]. Топологические модели представляют собой ориентированные или неориентированные графы с размеченными различными способами вершинами и/или дугами [3]. Фундаментальной проблемой навигации является самостоятельное определение (диагностика) роботом своих координат (robot self location). Задача диагностики положения робота формулируется следующим образом: робот, обладая картой среды (помеченным графом), должен установить соответствие между вершиной на карте и неизвестной ему априори областью среды, в которой он был первоначально установлен [3].

В данной работе в качестве топологической модели операционной среды рассматриваются конечные ориентированные графы с помеченными вершинами. Теоретическая важность и актуальность работы определяются тем, что анализ графов проводится методами, аналогичными методам теории автоматов. Эти методы эффективно распространяются на графовые системы, не являющиеся конечными автоматами, но являющиеся в некотором смысле автоматоподобными системами.

Целью данной статьи является изложение метода проведения диагностических экспериментов с графами путем анализа и различения языков в алфавите меток, связанных с вершинами графа.

Постановка задачи

Рассматривается задача отличия блуждающим по помеченному графу роботом одной вершины этого графа от всех других его вершин. Блуждание состоит в перемещениях робота по ребрам графа от вершины к вершине. При этом, находясь в вершине графа, робот считывает ее метку и метки смежных с ней вершин. Таким образом он может определить наличие или отсутствие некоторой метки в упомянутых вершинах. Робот установлен в произвольную вершину известного ему графа. Задача заключается в определении этой вершины, то есть отличении этой вершины от всех других вершин.

Основные определения

Конечным ориентированным графом с помеченными вершинами (помеченным орграфом) назовем четверку $G = (G, E(G), M, \mu)$, где G – конечное множество вершин, $|G| = n$, $E(G) \subseteq G \times G$ – конечное множество ребер, M – конечное множество меток, $|M| = m$, $\mu: G \rightarrow M$ – сюръективная функция разметки. Последовательность меток вершин $w = \mu(g_1) \dots \mu(g_k)$, соответствующую некоторому пути $g_1 \dots g_k$ в графе G , назовем словом длины k , порожденным вершиной g_1 . Обозначим через M^+ множество всех непустых слов в алфавите M . Языком L_g вершины g назовем множество всех слов, порожденных этой вершиной. Введем частичную операцию $*$: $G \times M^+ \rightarrow 2^G$ соотношением: для любой вершины $g \in G$ и любого слова $w \in M^+$ через $g * w$ обозначим множество всех вершин $h \in G$, таких, что существует путь из g в h помеченный словом w . Для слов $u, w \in M^+$ введем их композицию $u \circ w$, равную uw' , если $u = u'x$, $w = xw'$, $x \in M$, и не определено в противном случае. Помеченный орграф G назовем детерминированным орграфом или D-орграфом, если для любой вершины $g \in G$ и любых вершин $s, t \in \Gamma_g^-$ из $s \neq t$ следует, что $\mu(s) \neq \mu(t)$ (здесь Γ_g^- – множество всех вершин, являющихся концами дуг, исходящих из g). В противном случае G назовем ND-орграфом. Простой D-орграф G , для которого выполняются следующие ограничения: 1) для любых вершин $g, h \in G$ если $(g, h) \in E(G)$, то $(h, g) \in E(G)$; 2) для любой вершины $g \in G$ и любых вершин $s, t \in O_{(g)}$ из $s \neq t$ следует, что $\mu(s) \neq \mu(t)$ (здесь $O_{(g)} = \Gamma_g^- \cup \{g\}$), назовем сильно детерминированным или SD-графом. Будем говорить, что вершины $g, h \in G$ неотличимы, и писать $(g, h) \in \varepsilon$, если $L_g = L_h$. Отношение ε рефлексивно, симметрично и транзитивно, т.е. является эквивалентностью.

Идентификатором вершины $g \in G$ назовем конечное множество слов $W_g \subseteq M^+$, такое, что для любой вершины $h \in G$ равенство $W_g \cap L_g = W_h \cap L_h$ выполняется тогда и только тогда, когда $g = h$. Всякий идентификатор W_g можно представить как объединение $W_g^+ \cup W_g^-$ двух множеств $W_g^+ = W_g \cap L_g$ и $W_g^- = W_g - L_g$. Идентификатор W_g назовем позитивным, если $W_g^- = \emptyset$, и негативным, если $W_g^+ = \emptyset$. Детально идентификаторы рассматриваются в [4].

Каждому графу $G = (G, E(G), M, \mu_G)$ поставим в соответствие граф пар $D(G) = (D, E(D), M, \mu_D)$, построенный следующим образом. Сначала определим множество D_1 по правилу: $(S, Q) \in D_1$ точно тогда, когда $S, Q \in 2^G$, $S \cup Q \neq \emptyset$ и $|\mu_G(S \cup Q)| = 1$. При этом полагаем, что $\mu_D(S, Q) = \mu_G(S \cup Q)$. Затем множество D_1 пополним m экземплярами пар (\emptyset, \emptyset) , при этом их метки попарно различны. Полученное семейство пар образует «множество» вершин D графа пар. Из вершины (S, Q) с меткой x исходит дуга в вершину (S', Q') с меткой y точно тогда, когда $S' = S * xy$ и $Q' = Q * xy$. Детально граф пар и его настройки рассматриваются в [5].

Эксперименты с помеченными графами

Экспериментом с графом G относительно априорной информации I и цели C с использованием средств S назовем процесс, состоящий из трех этапов. **Этап 1:** построение теста $P \subseteq M^*$ на основе априорной информации I и с учетом цели C . **Этап 2:** получение порождаемых тестом P с использованием средств S экспериментальных данных W . **Этап 3:** вывод заключений о свойствах графа G на основе экспериментальных данных W и априорной информации I .

Определяющими при проведении эксперимента являются следующие факторы: свойства исследуемого графа; способ получения экспериментальных данных; цель эксперимента; априорная информация об исследуемом графе; способ вывода заключений. Априорная информация об исследуемом графе – это класс графов, к которому принадлежит исследуемый. Этот класс может задаваться явно (перечислением графов), способом порождения его элементов из некоторого графа-эталона, набором свойств и параметров.

Основное отличие экспериментов с графами от экспериментов с автоматами состоит в методах и средствах S получения экспериментальных данных. Под средствами экспериментирования с графом мы будем подразумевать мобильных агентов (МА), блуждающих по графу и воспринимающих некоторую локальную информацию об окрестностях его вершин. В зависимости от априорной информации о графе, МА могут быть добавлены дополнительные возможности по распознаванию графа, такие как камни [6] или маркеры [7].

Эксперимент назовем диагностическим, если априори полностью известен граф G и МА установлен в произвольную начальную вершину этого графа, а целью эксперимента является определение этой вершины, то есть отличие начальной вершины от всех других вершин. Допуская вольность речи, множество W также будем называть экспериментом с графом G . В этом смысле можно сказать, что эксперимент W порождается тестом P . Тесты, порождающие эксперименты, будем также называть диагностическими.

Будем рассматривать следующие меры сложности экспериментов. Высотой теста P назовем величину $\max_{w \in P} d(w)$, кратностью P – величину $|P|$, объемом P – величину $\sum_{w \in P} d(w)$.

Будем также рассматривать сложность построения теста и сложность проведения эксперимента. Под сложностью проведения эксперимента будем понимать его операционную кратность и высоту. Операционной кратностью эксперимента назовем величину, равную, в зависимости от способа проведения эксперимента, либо количеству экземпляров МА, использованных при получении порожденных тестом P экспериментальных данных W , либо количеству установок МА экспериментатором в начальную вершину исследуемого графа. Если используется только один экземпляр МА (одна установка), то эксперимент назовем простым. Операционной высотой эксперимента назовем наибольшую из длин путей, которые проходит каждый экземпляр МА по исследуемому графу в ходе эксперимента (в работах Г. Дудека [3] аналогичный параметр назван механической сложностью).

Диагностические эксперименты

Из определения диагностического эксперимента следует, что он осуществляется посредством прохождения МА некоторого связанного с тестом P множества путей по графу G из вершины g . Будем полагать, что, находясь в любой вершине

$g \in G$, МА воспринимает множество слов $Ob^+(h) = M^k \cap L_h$, где $M^k \subseteq M^+$ является множеством всех слов длины не больше k в алфавите меток M , и вычисляет множество слов $Ob^-(h) = M^k - L_h = M^k - Ob^+(h)$. При $k = 1$ полагаем, что МА воспринимает только метку текущей вершины. Таким образом, проходя путь $g_1 \dots g_l$ в графе G , МА воспринимает множество слов $Ob^+(g_1 \dots g_l) = \bigcup_{i=1}^l (\mu(g_i) \dots \mu(g_i) \circ Ob^+(g_i))$ и вычисляет множество слов $Ob^-(g_1 \dots g_l) = \bigcup_{i=1}^l (\mu(g_i) \dots \mu(g_i) \circ Ob^-(g_i))$. В дальнейшем, если не оговорено противное, будем считать, что $k = 2$.

Пусть $w \in M^+$. Обозначим через $\delta_g(w)$ множество всех путей из вершины g , которые помечены словом w . По произвольному множеству $P \subseteq M^+$ и $g \in G$ построим пару $\tilde{W}_g = \{\tilde{W}_g^+, \tilde{W}_g^-\}$, где $\tilde{W}_g^+ = \bigcup_{w \in [P]} Ob^+(\delta_g(w))$ и $\tilde{W}_g^- = \bigcup_{w \in [P]} Ob^-(\delta_g(w))$, а $[P]$ является замыканием множества P по всем непустым начальным отрезкам слов из P . Экспериментом W с графом G , порожденным тестом P , назовем семейство $\{\tilde{W}_g\}_{g \in G}$. Эксперимент W назовем диагностическим точно тогда, когда для любых вершин $g, h \in G$ из $g \neq h$ вытекает $\tilde{W}_g \neq \tilde{W}_h$, то есть $\tilde{W}_g^+ \neq \tilde{W}_h^+$ или $\tilde{W}_g^- \neq \tilde{W}_h^-$. В этом случае тест P также назовем диагностическим. Очевидно, что если граф G не приведен, то диагностический эксперимент с ним невозможен. Действительно, если $(g, h) \in \varepsilon$, то вершины $g, h \in G$ по определению неотличимы никаким словом из M^+ . Если граф G приведен, то существует k такое, что $L_g^k \neq L_h^k$ для всех $g \neq h, g, h \in G$. Тогда $P = \bigcup_{g \in G} L_g^k$ является диагностическим тестом для G , поскольку порожденный P эксперимент W является диагностическим экспериментом с графом G , так как $W \cap L_g \neq W \cap L_h$, то есть $\tilde{W}_g \neq \tilde{W}_h$ для всех $g \neq h$. Поэтому в дальнейшем, если не оговорено противное, будем считать, что все рассматриваемые графы приведены.

Следующая теорема описывает класс диагностических тестов, определяемых идентификаторами вершин графа G . Рассмотрим множество слов $P = \bigcup_{g \in G} W_g$, где W_g является некоторым идентификатором вершины $g \in G$. Очевидно, что для любых различных вершин $g, h \in G$ выполняется $P \cap L_g \neq P \cap L_h$. Действительно, так как $W_g \subseteq P$, то по определению идентификатора $W_g \cap L_g \neq W_g \cap L_h$, а следовательно, $P \cap L_g \neq P \cap L_h$. Таким образом, справедливо следующее утверждение.

Теорема 1. Множество слов $P = \bigcup_{g \in G} W_g$ является диагностическим тестом для графа G при любом семействе идентификаторов $\{W_g\}_{g \in G}$.

Эта теорема дает метод построения диагностических тестов для помеченных графов различных типов. Опишем подробно каждый этап диагностического эксперимента.

Для построения теста P воспользуемся настроенным графом пар $(D_T(G), D_I, D_F)$ [5], у которого множество D_I состоит из всех вершин $(g, Q) \in D_I$, где $g \in G, \{g\} \neq Q$ и $|Q| \leq 1$, а множество D_F состоит из всех вершин $(S', Q') \in D_I$, где

$S' = \emptyset$ или $Q' = \emptyset$. Ясно, что $|D_i| = O(n^2)$, $D_T \subseteq D_i$ и $|D_T| = O(2^{2n})$. Для каждой вершины $(\{g\}, Q) \in D_i$ найдем кратчайшее слово w , такое, что $(\{g\}, Q) * w \in D_T$. Ясно, что множество P таких слов, выбранных по одному для каждой вершины из D_i , является объединением идентификаторов всех вершин графа G и по теореме 1 является диагностическим тестом для этого графа. Очевидно, что кратность теста P равна $O(n^2)$, его высота не превосходит 2^{2n} [8], а его объем равен $O(n^2 2^{2n})$. Для построения теста P достаточно (при использовании известных алгоритмов обхода графа [8]) $O(n^2 2^{4n})$ шагов.

Для построенного теста P с каждой вершиной $g \in G$ свяжем его разбиение $\pi(g)$ на два класса $P_g^+ = P \cap L_g$ и $P_g^- = P - L_g$. Ясно, что для построения семейства $\{\pi(g)\}_{g \in G}$ достаточно $O(n^3 2^{4n})$ шагов. Далее МА помещается в произвольную неизвестную ему вершину h графа G . Целью второго этапа эксперимента является построение разбиения $\pi(h)$ путем перемещения МА по графу G . Полагаем вначале, что $P_h^+ = \emptyset$ и $P_h^- = \emptyset$. МА считывает метку $\mu(h)$ и строит разбиение теста P на классы $P' = \{w \mid w = \mu(h) \circ w\}$ и $P'' = P - P'$. Если $P' = \emptyset$, то искомое разбиение $\pi(h)$ найдено и $P_h^+ = \emptyset$, а $P_h^- = P$. В противном случае, пока $P' \neq \emptyset$, МА произвольно выбирает слово $w \in P'$ и последовательно для каждого начального отрезка w_i слова w , где i пробегает все значения от 1 до $d(w)$, проверяет наличие пути в графе G с меткой w_i , исходящего из h . Если такой путь существует, то МА вычисляет $Ob^-(h * w_i)$ и все слова $v \in P'$, для которых некоторое слово из множества $w_i \circ Ob^-(h * w_i)$ является начальным отрезком слова v , помещает в P'' и удаляет из P' . Если при этом начальный отрезок w_{i+1} слова w находится в $w_i \circ Ob^-(h * w_i)$, то слово w удаляется из P' , помещается в P'' и его исследование оканчивается. Если $i = d(w)$, то w помещается в P_h^+ , удаляется из P' и его исследование оканчивается. Поскольку при каждой итерации цикла из P' удаляется по крайней мере одно слово, то этот алгоритм всегда завершается и при $P' = \emptyset$ получаем разбиение $\pi(h)$ теста P на два класса P_h^+ и $P_h^- = P''$. В наихудшем случае алгоритм построения $\pi(h)$ требует проверки всех слов из P . Следовательно, сложность такого построения равна объему P , то есть равна $O(n^2 2^{2n})$.

Далее, на третьем этапе эксперимента, построенное экспериментально разбиение $\pi(h)$ сравнивается со всеми разбиениями из семейства $\{\pi(g)\}_{g \in G}$. Если для некоторого $\pi(g)$ выполняется $\pi(g) = \pi(h)$, то $g = h$ и эксперимент окончен. Из правил построения семейства $\{\pi(g)\}_{g \in G}$ и разбиения $\pi(h)$ следует, что последнее равенство всегда достигается.

Рассмотрим свойства этого алгоритма. Поскольку, в общем случае, тест P кратный, то при выполнении второго этапа эксперимента предполагается, что или МА перед началом анализа слова $w \in P'$ переносится экспериментатором в начальную вершину h , или в h помещается новый экземпляр МА. Таким образом, для теста P кратности k и данной стратегии проведения диагностического эксперимента операционная кратность диагностического эксперимента не превосходит k , а операционная высота диагностического эксперимента равна высоте теста P .

Покажем, что для частных случаев помеченных графов построение диагностического теста может быть упрощено. Пусть G является D -орграфом. Тогда $|D_T| = |D_I| = O(n^2)$ [8]. Для построения теста P достаточно $O(n^6)$ шагов. Очевидно, что кратность этого теста равна $O(n^2)$, а его высота не превосходит $n - m + 1$ [7]. Объем теста P равен $O(n^3)$.

Покажем, что для SD -графов существуют и другие стратегии проведения диагностического эксперимента, отличные от описанной выше. Рассмотрим стратегию, в которой при такой проверке возврат в начальную вершину не требуется. Прежде, чем приступить к изложению этой стратегии, проведем дополнительные построения.

Пусть G является приведенным максимальным SD -графом. Для каждой вершины $g \in G$ построим следующим способом позитивный идентификатор. Воспользуемся настроенным графом пар (D_T, D_I, D_F) , у которого множество D_I состоит из всех вершин $(\{g\}, Q) \in D_I$, где $|Q| \leq 1$ и $Q \neq \{g\}$, множество D_F состоит из всех вершин $(\{h\}, \emptyset) \in D_I$, где $h \in G$. Ясно, что $D_F \subseteq D_I$, $|D_I| \leq n - m + 1$, $|D_F| = n$ и $|D_T| \leq n^2 + n$. С целью упрощения этого графа удалим все дуги, исходящие из его финальных вершин. Для каждой вершины $(\{g\}, Q) \in D_I$ найдем кратчайшее слово w , такое, что $(\{g\}, Q) * w \in D_F$. Множество таких слов, выбранных по одному для каждой начальной вершины, обозначим через W_g . Если $Q = \{h\}$, где $h \in G$, то слово w является кратчайшим словом из множества $L_g - L_h$. Если $Q = \emptyset$, то $w = \mu(g)$ и для любой вершины $h \in G$, где $\mu(h) \neq \mu(g)$, слово w является кратчайшим словом из множества $L_g - L_h$. Следовательно, W_g является позитивным идентификатором вершины g , причем любое слово $w \in W_g$ не содержит подслов вида $u \circ u^{rev}$. Очевидно, что кратность W_g не превосходит $n - m + 1$. Если граф G не связан, то по теореме [4] высота W_g не превосходит $n^2 + 1$. Если граф G связан, то по теореме [4] высота W_g не превосходит $3n$. Для построения идентификатора W_g достаточно (при использовании известных алгоритмов обхода графа [8]) $O(n^4)$ шагов. По теореме 1 множество $P = \bigcup_{g \in G} W_g$, где W_g – идентификатор вершины g , построенный приведенным выше способом, является диагностическим тестом для графа G . Ясно, что кратность такого теста не превосходит n^2 . Если граф G не связан, то высота теста P не превосходит $n^2 + 1$, а его объем равен $O(n^4)$. Если граф G связан, то высота этого теста не превосходит $3n$, а его объем равен $O(n^3)$. Для построения теста P достаточно $O(n^5)$ шагов.

С тестом P свяжем помеченный лес $F(P)$ корневых деревьев и детерминизируем все деревья этого леса [4]. Обозначим через P_x множество всех слов из P , начинающихся с метки $x \in M$. Ясно, что P_x является объединением позитивных идентификаторов всех вершин $g \in G$, таких, что $\mu(g) = x$. Тогда корневое дерево $T(P_x)$ является компонентой леса $F(P)$. Для всех $x \in M$ с деревом $T(P_x)$ свяжем множество вершин $G_x = G * x$. Обозначим корень дерева $T(P_x)$ через t_x . Для каждого слова $w \in P_x$ вершину $t_x * w$ дерева $T(P_x)$ назовем выделенной. С каждой выделенной вершиной $t = t_x * w$ свяжем множество $G(t) = \{g \mid w \in L_g\}$. Множество всех выделенных вершин

дерева $T(P_x)$ обозначим через T_x . Далее МА помещается в произвольную неизвестную ему вершину h графа G . Процесс получения экспериментальных данных заключается в проверке наличия в графе G путей, помеченных словами, которые являются метками путей из корня дерева $T(P_{\mu(h)})$ во все выделенные вершины этого дерева. МА считывает метку $\mu(h)$. Если $|G_{\mu(h)}| = 1$, то вершина h определена и алгоритм оканчивает работу. В противном случае, пока $|G_{\mu(h)}| > 1$, МА выполняет следующий итеративный алгоритм. Обозначим через $t^{(i)}$ вершину дерева $T(P_{\mu(h)})$, являющуюся начальной вершиной i -й итерации. При этом положим, что $t^{(1)} = t_{\mu(h)}$. Обозначим через v_i слово, соответствующее пути по дереву $T(P_{\mu(h)})$ из вершины $t^{(i-1)}$ в вершину $t^{(i)}$. При этом положим, что $v_1 = \mu(h)$. На i -й итерации МА произвольно выбирает и удаляет из $T_{\mu(h)}$ некоторую выделенную вершину s . Пусть слово u соответствует кратчайшему пути по дереву $T(P_{\mu(h)})$ из вершины $t^{(i)}$ в вершину s . МА последовательно для каждого начального отрезка u_j слова u , где j пробегает все значения от 1 до $d(u)$, проверяет, существует ли путь по графу G с меткой u_j из вершины $h_i = h * (v_1 \circ \dots \circ v_i)$. Если такой путь не существует, то МА вычисляет для всех вершин $t \in T_{\mu(h)}$ множество $G(t) = G(t) - G(s)$ и полагает $G_{\mu(h)} = G_{\mu(h)} - G(s)$, $t^{(i+1)} = t^{(i)} * u_{j-1}$ и $v_{i+1} = u_{j-1}$. На этом исследование слова u оканчивается. Если $j = d(u)$, то МА вычисляет для всех вершин $t \in T_{\mu(h)}$ множество $G(t) = G(t) \cap G(s)$ и полагает $G_{\mu(h)} = G(s)$, $t^{(i+1)} = s$ и $v_{i+1} = u$. Далее МА удаляет из множества $T_{\mu(h)}$ все выделенные вершины, связанные с пустым множеством.

Покажем, что по окончании работы алгоритма множество $G_{\mu(h)}$ всегда содержит единственную вершину. Предположим, что после некоторой итерации алгоритма $|G_{\mu(h)}| > 1$ и $T_x = \emptyset$, то есть условие окончания алгоритма не достигнуто, но дальнейшее его выполнение невозможно. Пусть $G_{\mu(h)} = \{h\} \cup G'$, где $h \notin G'$. Из построения теста $P_{\mu(h)}$ следует, что для любой вершины $g \in G'$ существует слово $v \in P_{\mu(h)}$, такое, что $v \in L_h - L_g$. Тогда вершина $s = t_{\mu(h)} * v$ является выделенной вершиной дерева $T(P_{\mu(h)})$, $h \in G(s)$ и $g \notin G(s)$. Так как $T_{\mu(h)} = \emptyset$, то вершина s была удалена из $T_{\mu(h)}$ в ходе некоторой итерации алгоритма. Рассмотрим, как могло произойти такое удаление. Если вершина s была удалена из $T_{\mu(h)}$ по причине того, что $G(s) = \emptyset$, то на этой же итерации вершина h была удалена из $G_{\mu(h)}$, что невозможно. Следовательно, на этой итерации МА побывал в вершине s и по этой причине эта вершина была удалена из $T_{\mu(h)}$. Тогда на этой же итерации вершина g была удалена из $G_{\mu(h)}$, так как $g \notin G(s)$. Из проведенных рассуждений следует, что при $T_{\mu(h)} = \emptyset$ выполняется $G_{\mu(h)} = \{h\}$.

Таким образом, данная стратегия объединяет два этапа диагностического эксперимента – этап получения экспериментальных данных и этап вывода заключений. В наихудшем случае на каждой итерации алгоритма из $G_{\mu(h)}$ удаляется одна вершина. Так как число вершин графа G с меткой равной $\mu(h)$ не превосходит $n - m + 1$,

то алгоритм оканчивает свою работу не более чем за $n-t$ итераций. Так как граф G и дерево $T(P_{\mu(h)})$ неориентированные, то получение экспериментальных данных в ходе диагностического эксперимента можно осуществить с использованием одного экземпляра МА, то есть диагностический эксперимент, при рассмотренной стратегии проведения, является простым вне зависимости от кратности диагностического теста. В теории экспериментов с конечными автоматами кратность эксперимента и кратность теста совпадают. В наихудшем случае МА проверяет $n-t$ выделенных вершин дерева $T(P_{\mu(h)})$. Ясно, что расстояние от корня $t_{\mu(h)}$ этого дерева до любой из выделенных вершин не превосходит высоту теста P . Тогда, если граф G не связан, то операционная высота эксперимента равна $O(n^3)$, а если граф G связан, то операционная высота эксперимента равна $O(n^2)$. Это коренным образом отличается от результатов теории экспериментов с автоматами, где И.К. Рысцовым [9] показано, что высота кратчайшего простого диагностического эксперимента равна $O\left(3^{\frac{n}{6}}\right)$.

Заключение

Таким образом, в работе решена задача различения вершин топологической модели операционной среды автономного мобильного робота (помеченного графа-карты). Решение заключается в построении и проведении диагностического эксперимента с графом, основанного на построении идентификаторов всех вершин исследуемого графа. Показано, что для детерминированных графов предложенный метод полиномиален.

Литература

1. Borenstein J., Everett B., Feng L. Navigation Mobile Robots: System and Techniques. – A.K. Peters, Ltd., Wellesley (MA), 1996. – 223 p.
2. Thrun S. Robotic mapping: A survey // Exploring Artificial Intelligence in the New Millenium. – Morgan Kaufmann, 2002. – P. 1-35.
3. Dudek J., Jenkin M., Milios E., Wilkes D. Map validation and Robot Self-Location in a Graph-Like World // Robotics and Autonomus Systems, 1997. – V. 22(2). – P. 159-178.
4. Сапунов С.В. Идентификаторы вершин помеченных графов // Труды ИПММ НАН Украины. – 2008. – Т. 17 (в печати).
5. Сапунов С.В. О методе построения отношения неотличимости помеченных графов // Труды ИПММ НАН Украины. – 2008. – Т. 16 (в печати).
6. Кудрявцев В.Б., Алешин С.В., Подколзин А.С. Введение в теорию автоматов. – М.: Наука, 1985. – 320 с.
7. Грунский И.С. Анализ поведения конечных автоматов. – Луганск: Изд-во Луганского гос. пед. ун-та, 2003. – 318 с.
8. Кормен Т., Лейзерсон Ч., Ривест Р. Алгоритмы: построение и анализ. – М.: МЦНМО, 2001. – 960 с.
9. Рысцов И.К. Исследование сложности решения некоторых задач теории конечных автоматов: Автореф. дис. канд. физ.-мат. наук: 01.01.09 / Ин-т. кибернетики АН УССР, – К., 1980. – 16 с.

С.В. Сапунов

Визначення місця знаходження мобільного робота в топологічному середовищі

Розглядається задача визначення автономним мобільним роботом свого місця знаходження у середовищі, яке моделюється за допомогою графа з позначеними вершинами. Розв'язок лежить у побудові діагностичного експерименту – спеціального виду множини слів у алфавіті відміток та способу його реалізації на графі.

S.V. Sapunov

Mobile Robot Self Location on Topological Environment

The mobile robot self location problem is considered when robot environment is modeled by a graph with labeled vertices. The solution lies in constructing a distinguishing experiment, i.e. a special set of words over the alphabet of labels, and its implementation on the graph.

Статья поступила в редакцию 23.07.2008.